

# Kombinatorické etudy 1 – ZS 2014/2015

## Návod

1. Uvažte nějakou  $k$ -prvkovou množinu  $S$  obsahující 1. Kolik je permutací, kde cyklus obsahující 1 je tvořen prvky  $S$ ?
2. Dvě hrany jsou ekvivalentní, právě když leží ve stejných kružnicích.
3. (a) Liché kružnice. (b) V každém 3-obarvení  $K_{n,n}$  je jedna partita jednobarevná. (c) V každém 5-obarvení  $K_{n,n}$  je jedna partita obarvena nejvíše dvěma barvami.
4. Zkuste napsat  $p_{k+1}^u$  pomocí  $p_k^w$  pro  $w$  sousedy  $u$ .
5. Každý rovnostranný trojúhelník s hranou 1 je tříbarevný. Umíte vynutit dva body se stejnou barvou v nějaké pevné vzdálenosti  $x$  (ne nutně  $x = 1$ )?
6. Správné řešení je poměr 7:1, teď už jenom najíž zdůvodnění ...