

# Sedmé cvičení

Matej Lieskovský

## Hody kostkou 1

Označme  $X_1, X_2, X_3$  výsledky tří nezávislých hodů čtyřstěnnou kostkou (s čísly  $1, \dots, 4$ ).

- Jaká je pravděpodobnostní funkce  $X_1$ ?
- Jaká je pravděpodobnostní funkce  $\max(X_1, X_2)$ ?
- Jaká je pravděpodobnostní funkce  $\max(X_1, X_2, X_3)$ ?

## Zase emaily

Označme  $M$  počet emailů, které dostaneme za den,  $S$  počet spamů mezi nimi,  $H$  počet „hamů“ – těch, co nejsou spamy. Předpokládejme, že  $M \sim Pois(\lambda)$  a že každý email má nezávisle na ostatních pravděpodobnost  $p$ , že je to spam.

- Vyjádřete  $\Pr(S = k)$  (jako nekonečnou sumu) pomocí sdruženého rozdělení  $M$  a  $S$ .
- Odvoďte, že  $S \sim Pois(p\lambda)$ .
- Odvoďte, že  $H \sim Pois((1-p)\lambda)$  a také, že  $H, S$  jsou nezávislé n.v.

## Hody kostkou 2

Házeme dvěma čtyřstěnnými kostkami. Nechť  $X$  je součet a  $Y$  je maximum. Popište sdruženou a marginální pravděpodobnostní funkci. Kolik je  $p_{X|Y}(5|3)$ ? (Viz tahák)

## Práce s $F_X$

Nechť  $X$  je spojitá náhodná veličina. Vyjádřete pomocí  $F_X$  distribuční funkci náhodných veličin

- $-X$ .
- $X^+ = \max(0, X)$ ,
- $X^- = -\min(X, 0)$ ,
- $|X| = X^+ + X^-$ .
- $X^2$

## Házení na terč

Házíme na terč – kruh o poloměru 1. Předpokládejme, že každý bod v terči má stejnou pravděpodobnost zásahu, přesněji, každá jeho podmnožina má pravděpodobnost úměrnou své ploše. Označme  $X$  vzdálenost od středu.

- Najděte distribuční funkci  $F_X$ .
- Najděte hustotní funkci  $f_X$ .
- Zjistěte  $\mathbb{E}(X)$ ,  $\text{var}(X)$ ,  $\sigma_X$ .