

0. Písemka.
1. Vymýšlejte matice různých lineárních zobrazení v rovině: prodloužení souřadnice  $x$ , zrcadlové otočení podle osy  $y$ , otočení okolo počátku o úhel a jiné.
2. O funkci  $f$  víme, že  $f((1, 2, 3)^T) = (1, 2, 0, 0)^T$ ,  $f((3, 2, 3)^T) = (1, 2, 0, 0)^T$ ,  $f((2, 1, 0)^T) = (1, 2, 3, 0)^T$ . Nalezněte matici  $K[f]_K$ , tedy matici, která bere vektor  $x$  v kanonické bázi a vrací  $f(x)$  také v kanonické bázi.
3. Rozložte matici  $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & 2 & 3 \\ 2 & 1 & 0 \end{pmatrix}$  na součin dolní trojúhelníkové matice a horní trojúhelníkové matice. Návod: vyjádřete si elementární úpravy pomocí násobení matic. Dávejte pozor na prohazování řádků.
4. Vymyslete, jak reprezentovat počítání Fibonacciho čísel pomocí násobení matic. Jak rychle umíte spočítat  $F_n$ ? Zkuste využít asociativity násobení matic.

(Pro otrlé) Rozmyslete si, jak proložit dané body pomocí Čebyševových polynomů.