

# Kombinatorika a grafy 1 (NDMI011)

## Domácí úkol 5

Irena Penev

**Termín odevzdání:** středa, 01.12.2021, 14h. Přinést na cvičení nebo poslat e-mailem (ipenev@iuuk.mff.cuni.cz).

**Příklad 1** (50 bodů). *Pro libovolnou dvojici přirozených čísel  $k$  a  $\ell$ , kde  $k \leq \ell$ , nalezněte graf  $G$ , který splňuje  $\kappa(G) = k$  a  $\lambda(G) = \ell$ .<sup>1</sup> Nezapomeňte dokázat, že váš příklad je správný, tj. že vrcholová souvislost grafu je právě  $k$  a hranová souvislost je právě  $\ell$ .*

**Příklad 2** (50 bodů). *Nechť  $e = xy$  je hrana vrcholově 2-souvislého grafu  $G$ . Dokažte, že  $G - e$  je vrcholově 2-souvislý právě tehdy, když v grafu  $G - e$  existuje kružnice, která obsahuje vrcholy  $x$  a  $y$ .*

---

<sup>1</sup> $\kappa(G)$  je vrcholová souvislost grafu  $G$  a  $\lambda(G)$  je jeho hranová souvislost.