

**Úloha 1.** Najděte co nejvíce izomorfních dvojic mezi standardními třídami grafů

- a)  $K_n$  (úplný graf na  $n$  vrcholech,  $n \geq 1$ ),
- b)  $C_n$  (kružnice na  $n$  vrcholech,  $n \geq 3$ ),
- c)  $P_n$  (cesta s  $n$  hranami,  $n \geq 0$ ),
- d)  $K_{m,n}$  (úplný bipartitní graf s partitami velikosti  $m$  a  $n$ ,  $m \geq n \geq 1$ ),

pro konkrétní volby parametrů  $m$  a  $n$  (zvlášť u každé třídy).

[4 body]

**Úloha 2.** Najděte jednoduchý popis grafů s maximálním stupněm 2. *Hint: jak bude postupovat algoritmus na prohledání grafu?* [4 body]

**Úloha 3.** Automorfismus grafu  $G$  je isomorfismus z  $G$  do  $G$ . Sestrojte graf s pouze jedním automorfismem, který má alespoň 2 vrcholy, a dokažte to o něm. [6 bodů]