

**Fibonacci** Spočtěte  $n$ -té Fibonacciho číslo.

**Největší podmatice** Na vstupu dostanete matici přirozených čísel. Najděte největší (čtvercovou) podmatici obsahující pouze 0.

**Kódování** Jak byste kódovali vektor pokud může obsahovat libovolně velké hodnoty? Umíte ve daném kódování takové vektory rychle sčítat?

**Malé rozdíly** Pro danou posloupnost a číslo  $k$  chceme najít, co nejdelší její úsek tž. rozdíl libovolných dvou jeho prvků je nejvýš  $k$ .

**Na zamýšlení** Co dělají následující pseudokódy funkcí  $f, g, h$ ?

```

1 def f(x,y):
2   if (x == 0) then
3     | return y;
4   end
5   else
6     | return f((x&y) << 1, x ⊕ y);
7   end

```

```

1 def g(x,y):
2   if (y == 0) then
3     | return 0;
4   else if (y%2 == 0) then
5     | return 2 · g(x, y/2);
6   else
7     | return 2 · g(x, y/2) + x;
8   end

```

```

1 def h(x,y):
2   if (x < y) then
3     | return (0, x);
4   end
5   else
6     | (a, b) = 2 · h(x/2, y);
7     | if (x%2 == 1) then
8       |   b+ = 1;
9     |   end
10    | if (b ≥ y) then
11      |   a+ = 1;
12      |   b = b - y;
13    |   end
14    | return (a, b);
15  end

```

**Ztracené číslo** Máme dánu ostře rostoucí posloupnost přirozených čísel. Najděte nejmenší přirozené číslo, které v ní chybí. **(10 bodů)**

**Součet posloupnosti** Máme dánu posloupnost kladných čísel a číslo  $k$ . Chceme najít nejdelší posloupnost se součtem  $k$ . **(10 bodů)**